

**3. STUDIU DE CAZ PRIVIND UTILIZAREA TEHNICILOR DE MASURARE IN CADRUL  
BILANȚULUI ENERGETIC AL SCHIMBATOARELOR DE CALDURA CU PLACI PENTRU  
REALIZAREA SERVICIULUI DE AUDIT TERMOENERGETIC**

---



**VEDERE DE ANSAMBLU PENTRU SCHIMBATOARELOR DE CALDURA CU PLACI**

### **3.1. ELEMENTELE DE BILANȚ TERMIC PENTRU SCHIMBĂTOARELE DE CĂLDURĂ**

Pentru calculul termic al schimbătoarelor de căldură se utilizează practic două ecuații de bază: ecuația bilanțului termic și ecuația transferului de căldură.

Ecuția bilanțului termic are în cazul general forma:

$$\dot{Q}_1 = \dot{Q}_2 + \dot{Q}_{ma}, \quad [W] \quad (1)$$

unde  $\dot{Q}_1$ ,  $\dot{Q}_2$ ,  $\dot{Q}_{ma}$  (sau  $\dot{Q}_p$ ) sunt fluxurile termice cedate de agentul primar, primite de agentul secundar, respectiv pierderile în mediul ambiant.

Dacă, prin definiție **coeficientul de reținere a căldurii în aparat**  $\eta_r$ , este raportul între fluxul termic primit de agentul secundar și cel cedat de agentul primar ( $\eta_r = \dot{Q}_2 / \dot{Q}_1$ ) ecuația (1) se poate scrie sub forma:

$$\eta_r \dot{Q}_1 = \dot{Q}_2, \quad (2)$$

sau:

$$\eta_r \dot{m}_1 (h_{1i} - h_{1e}) = \dot{m}_2 (h_{2e} - h_{2i}) \quad (3)$$

unde:  $\dot{m}_1$  și  $\dot{m}_2$  sunt debitele de agent primar și secundar, în kg/s;

$h_{1i}$ ,  $h_{1e}$ ,  $h_{2i}$ ,  $h_{2e}$  - entalpiile agentului primar respectiv secundar la intrarea respectiv ieșirea din aparat, în J/kg.

În cazul în care cei doi agenți termici nu își modifică starea de agregare, ecuația (3) poate fi scrisă:

$$\eta_r \dot{m}_1 c_{p1} (T_{1i} - T_{1e}) = \dot{m}_2 c_{p2} (T_{2e} - T_{2i}), \quad (4)$$

sau:

$$\eta_r C_1 (T_{1i} - T_{1e}) = C_2 (T_{2e} - T_{2i}), \quad (5)$$

unde:  $C_1 = \dot{m}_1 c_{p1}$  și  $C_2 = \dot{m}_2 c_{p2}$  sunt capacitatele termice ale agentului primar și secundar, în W/K;

$T_{1i}$ ,  $T_{1e}$ ,  $T_{2i}$ ,  $T_{2e}$  - temperaturile agentului termic primar, respectiv secundar la intrarea, respectiv la ieșirea din aparat, în K ;

$c_{p1}$  și  $c_{p2}$  - căldurile specifice medii ale agentului primar și secundar, în J/(kgK).

*Ecuatia transferului de căldură* în aparat este:

$$\dot{Q}_{1 \rightarrow 2} = S \overline{K_s(T_1 - T_2)}, \quad [W] \quad (6)$$

unde:  $\dot{Q}_{1 \rightarrow 2}$  este fluxul termic transmis de agentul termic primar, agentului secundar, în W;

$S$  - suprafața de transfer de căldură, în  $m^2$  ;

$K_s$  - coeficientul global de transfer de căldură, în  $W/(m^2 \cdot K)$ .

Valoarea medie a produsului între coeficientul global de transfer de căldură și diferența de temperatură se definește prin relația:

$$\overline{K_s(T_1 - T_2)} = \frac{\int_s K_s(T_1 - T_2) dS}{S}, \quad (7)$$

Presupunând o valoare constantă a coeficientului global de transfer de căldură în lungul aparatului, ecuația transferului de căldură are forma:

$$\dot{Q}_{1 \rightarrow 2} = K_s S \Delta T_{med} \quad [W], \quad (8)$$

unde:  $\Delta T_{med}$  este diferența medie de temperatură în lungul suprafeței de schimb de căldură.

În cazul suprafețelor plane de transfer de căldură (figura 3.1.a) *coeficientul global de transfer de căldură* se poate determina cu relația:

$$K_s = \frac{1}{R_{stot}} = \frac{1}{\sum_1^n R_{si}} ,$$

$$K_s = \frac{1}{\frac{1}{\alpha_1} + R_{sd1} + \frac{\delta_p}{\lambda_p} + R_{sd2} + \frac{1}{\alpha_2}} \quad [W/(m^2 \cdot K)] \quad (9)$$

unde:  $\alpha_1$  și  $\alpha_2$  sunt coeficienții de convenție pentru fluidul primar și secundar, în  $W/(m^2 \cdot K)$ ;

$R_{sd1}$ ,  $R_{sd2}$  - rezistențele termice de suprafață ale depunerilor pe partea fluidului primar, respectiv secundar, în  $m^2 \cdot K/W$  ;

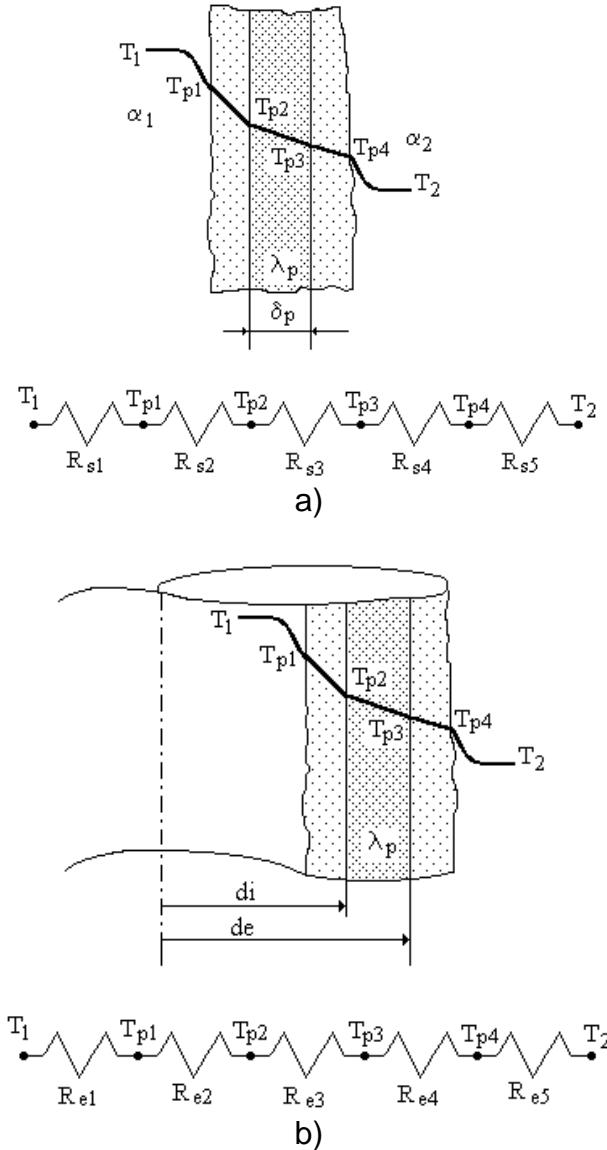
$\delta_p$ ,  $\lambda_p$  - grosimea, respectiv conductivitatea termică a peretelui, în m, respectiv  $W/(m \cdot K)$ .

Notând cu  $K_{so}$  coeficientul global de transfer de căldură a aparatului fără depuneri:

$$K_{so} = \frac{1}{\frac{1}{\alpha_1} + \frac{\delta_p}{\lambda_p} + \frac{1}{\alpha_2}}, \quad (10)$$

se poate scrie:

$$\frac{1}{K_s} = \frac{1}{K_{so}} + R_{sd1} + R_{sd2}. \quad (11)$$



**Figura 3.1.** Variația temperaturii și rezistențele termice pentru perete plan (a) și cilindric (b)

Pentru peretele tubular (figura 3.1.b) se utilizează de obicei *coeficientul global linear de transfer de căldură*:

$$K_l = \frac{1}{\sum_1^s R_{li}} = \frac{1}{\frac{1}{\pi d_i \alpha_1} + \frac{R_{sd1}}{\pi d_i} + \frac{1}{2\pi \lambda_p} \ln \frac{d_e}{d_i} + \frac{R_{sd2}}{\pi d_e} + \frac{1}{\pi d_e \alpha_2}} \quad [W/(m \cdot K)] \quad (12)$$

Coeficientul global linear de transfer de căldură a aparatului curat este:

$$K_{lo} = \frac{1}{\frac{1}{\pi d_i \alpha_1} + \frac{1}{2\pi \lambda_p} \ln \frac{d_e}{d_i} + \frac{1}{\pi d_e \alpha_2}} \quad [W/(m \cdot K)] \quad (13)$$

Rezultă că:

$$\frac{1}{K_e} = \frac{1}{K_{lo}} + \frac{R_{sd1}}{\pi d_i} + \frac{R_{sd2}}{\pi d_e} \quad [W/(m \cdot K)] \quad (14)$$

*Diferența medie de temperatură* între cei doi agenți termici, pentru curgerea în echicurent se determină cu relația:

$$\Delta t_{med}^{ec} = \frac{(T_{li} - T_{2i}) - (T_{le} - T_{2e})}{\ln \frac{T_{li} - T_{2i}}{T_{le} - T_{2e}}} \quad (15)$$

În cazul curgerii în contracurent diferența medie de temperatură va fi:

$$\Delta t_{med}^{cc} = \frac{(T_{li} - T_{2e}) - (T_{le} - T_{2i})}{\ln \frac{T_{li} - T_{2e}}{T_{le} - T_{2i}}} \quad (16)$$

Pentru ca numărătorul și numitorul să fie totdeauna pozitivi relația generală pentru  $\Delta t_{med}$  este:

$$\Delta t_{med} = \frac{\Delta T_{max} - \Delta T_{min}}{\ln \frac{\Delta T_{max}}{\Delta T_{min}}} \quad (17)$$

Unde:  $\Delta T_{max}$  și  $\Delta T_{min}$  sunt diferențele de temperatură maximă și minimă în lungul aparatului.

În cazul curgerii în curent încrucișat sau a unor tipuri complexe de curgere pentru determinarea diferenței medii de temperatură se utilizează relația:

$$\Delta t_{med} = F \Delta t_{med}^{cc} \quad (18)$$

Factorul de corecție  $F$ , care multiplică diferența medie de temperatură obținută considerând curgerea în contracurent, este funcție de două rapoarte  $P$  și  $R$  și de tipul curgerii.

Criteriul  $P$  ( $\eta$ ) are sensul unei eficacități termice fiind definit ca raportul dintre gradul de încălzire a agentului secundar în aparat și diferența maximă disponibilă:

$$P = \frac{\Delta T_2}{\Delta T_{\max}^d} = \frac{T_{2e} - T_{2i}}{T_{1i} - T_{2i}} \quad (19)$$

Criteriul  $R$  reprezintă raportul între capacitatele termice ale celor doi agenti termici:

$$R = \frac{C_2}{C_1} = \frac{\Delta T_1}{\Delta T_2} = \frac{T_{1i} - T_{1e}}{T_{2e} - T_{2i}} \quad (20)$$

Factorul de corecție  $F$  este subunitar el crescând odată cu scăderea lui  $R$  și  $P$ .

Rezultă că pentru cele 4 temperaturi ale agentilor termici date diferența medie de temperatură maximă se obține pentru curgerea în contracurent, iar cea minimă pentru echicurrent, celelalte tipuri de curgere situându-se între aceste limite.

*Eficiența* ( $\varepsilon$ ) schimbătorului de căldură se definește ca raportul dintre fluxul termic transferat în aparat și fluxul maxim care s-ar putea schimba dacă curgerea ar fi în contracurrent și suprafața de transfer de căldură ar fi infinită. Eficiența exprimă astfel gradul de apropiere al aparatului real de cel teoretic.

Se poate scrie deci:

$$\varepsilon = \frac{\dot{Q}}{\dot{Q}_{\max}} = \frac{C_2(T_{2e} - T_{2i})}{C_{\min}(T_{1i} - T_{2i})}^{\eta_r=1} = \frac{C_1(T_{1i} - T_{1e})}{C_{\min}(T_{1i} - T_{2i})} \quad (21)$$

*Numărul de unități de transfer de căldură* (NTC) se definește ca produsul dintre coeficientul global de transfer și suprafața de transfer de căldură, raportat la capacitatea termică a agentului termic.

Se poate defini astfel:

$$NTC_1 = \frac{1}{C_1} \int_s K_s dS = \frac{K_s S}{C_1} \quad (22)$$

$$NTC_2 = \frac{1}{C_2} \int_s K_s dS = \frac{K_s S}{C_2} \quad (23)$$

Se poate determina o relație generală între eficiență și NTC, pornind de la ecuația de definiție a acesteia:

$$\varepsilon = \frac{\dot{Q}}{\dot{Q}_{\max}} = \frac{K_s S \Delta T_{med}}{C_{\min} \Delta T_{\max}} = NTC_{\min} \frac{\Delta T_{med}}{\Delta T_{\max}}, \quad (24)$$

unde:  $\Delta T_{\max} = T_{1i} - T_{2i}$ .

Există o legătură directă și între eficiență și parametrii  $P$  și  $R$ .

Dacă:

$$R = C_2 / C_1 < 1,$$

$$\varepsilon = \frac{T_{2e} - T_{2i}}{T_{1i} - T_{2i}} = P. \quad (25)$$

Dacă:

$$R = C_2 / C_1 > 1 ,$$

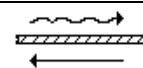
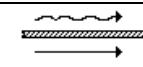
$$\varepsilon = \frac{C_2}{C_1} \frac{T_{2e} - T_{2i}}{T_{1i} - T_{2i}} = P \cdot R. \quad (26)$$

Se pot determina astfel variații de tipul:  $\varepsilon = f(NTC_{\max}, C_{\min}/C_{\max}, tipul\ curgerii)$ . De exemplu, în tabelul 3.1. se prezintă aceste relații pentru curgerea în contracurent și respectiv în echicurent.

**Tabelul 3.1.**

Relații de calcul pentru eficiență ( $\varepsilon$ ) în funcție de  $NTC_{\max}, C_{\min}/C_{\max}$  și tipul curgerii

NOTAȚII:  $\varepsilon$  - eficiență;  $N = NTC_{\max} = K_S S / C_{\min}$ ;  $C^* = C_{\min} / C_{\max}$

Nr. crt.	Tipul curgerii	$\varepsilon = f(N, C^*)$	$N = f(\varepsilon, C^*)$
1	 contracurent	$\varepsilon = \frac{1 - \exp[-N(1 - C^*)]}{1 - C^* \exp[-N(1 - C^*)]}$	$N = \frac{1}{C^* - 1} \ln\left(\frac{\varepsilon - 1}{C^* \varepsilon - 1}\right)$
2	 echicurent	$\varepsilon = \frac{1 - \exp[-N(1 + C^*)]}{1 + C^*}$	$N = \frac{-\ln[1 - (1 + C)\varepsilon]}{1 + C}$

Pentru realizarea bilanțurilor termoenergetice la schimbătoarele de căldură sunt necesare măsurători ale debitelor precum și ale temperaturilor tur/retur pentru cei doi agenți termici.

## **3.2. BILANȚUL TERMOENERGETIC AL SCHIMBĂTOARELOR DE CĂLDURĂ CU PLĂCI CU APĂ CALDĂ**

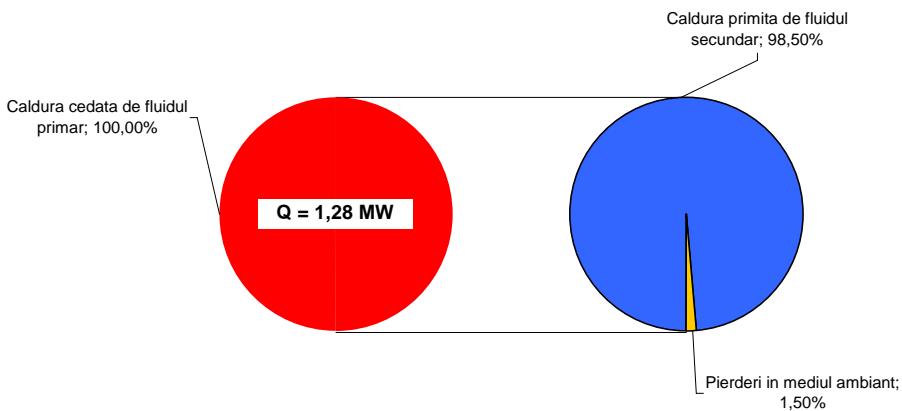
---

Pentru calculul termic al unui schimbătoarelor de căldură se utilizează practic două ecuații de bază: ecuația bilanțului termic și ecuația transferului de căldură. Aceste elemente au fost prezentate detaliat în paragraful anterior. Un exemplu pentru bilanțul termoenergetic pentru schimbătorul de căldură cu plăci este prezentat în continuare:

<b>Date de intrare/masurate</b>			
Debitul de fluid primar (antigel)	$m_1$	65,76	$\text{m}^3/\text{h}$
Temperatura fluidului primar la intrare	$t_{1,i}$	90	$^\circ\text{C}$
Temperatura fluidului primar la ieșire	$t_{1,e}$	71,6	$^\circ\text{C}$
Diferența de temperatură pe fluidul primar	$\Delta t_1$	18,4	$^\circ\text{C}$
Debitul de fluid secundar (apa + antigel)	$m_2$	110,70	$\text{m}^3/\text{h}$
Temperatura fluidului secundar la intrare	$t_{2,i}$	67	$^\circ\text{C}$
Temperatura fluidului secundar la ieșire	$t_{2,e}$	76,3	$^\circ\text{C}$
Diferența de temperatură pe fluidul primar	$\Delta t_2$	9,3	$^\circ\text{C}$
Numarul de placi	$n_p$	63	
Lungimea placii	$L$	1,15	$\text{m}$
Latimea placii	$l$	0,61	
Inaltimea canalului	$h$	5,0	$\text{mm}$
Diametrul hidraulic	$d_h$	10,0	$\text{mm}$
Suprafata de schimb de căldură a unei placi	$S_p$	0,616	$\text{m}^2$
Grosimea placii	$\delta_p$	1,0	$\text{mm}$
Numarul de treceri	$n_{tr}$	1	
Numarul de canale pe fluidul primar	$n_{c1}$	31	
Numarul de canale pe fluidul secundar	$n_{c2}$	32	
Suprafata totală de schimb de căldură	$S$	39,1	$\text{m}^2$
<b>Calcule</b>			
Temperatura medie a fluidului primar	$t_1$	80,8	$^\circ\text{C}$
Caldura specifică a fluidului primar	$c_{p,1}$	3,728	$\text{kJ}/(\text{kg}\cdot^\circ\text{C})$
Densitatea fluidului primar	$\rho_1$	1024,4	$\text{kg}/\text{m}^3$
Conductivitatea termică a fluidului primar	$\lambda_1$	0,483	$\text{W}/(\text{m}\cdot\text{K})$
Vascozitatea dinamică a fluidului primar	$\eta_1$	6,213E-04	$\text{Pa}\cdot\text{s}$
Vascozitatea cinematică a fluidului primar	$v_1$	6,065E-07	$\text{m}^2/\text{s}$
Numarul Prandtl pentru fluidul primar	$Pr_1$	4,80	
Temperatura medie a fluidului secundar	$t_2$	71,65	$^\circ\text{C}$
Caldura specifică a fluidului secundar	$c_{p,2}$	4,192	$\text{kJ}/(\text{kg}\cdot^\circ\text{C})$
Densitatea fluidului secundar	$\rho_2$	976,9	$\text{kg}/\text{m}^3$

Conductivitatea termica a fluidului secundar	$\lambda_2$	0,665	W/(m.K)
Vascozitatea dinamica a fluidului secundar	$\eta_2$	3,916E-04	Pa.s
Vascozitatea cinematica a fluidului secundar	$v_2$	4,009E-07	m <sup>2</sup> /s
Numarul Prandtl pentru fluidul secundar	$Pr_2$	2,47	
Fluxul termic cedat de fluidul primar	$Q_1$	1283,8	kW
Sarcina termica a SCP preincalzire degazor	$Q_d$	95,0	kW
Fluxul termic real cedat de fluidul primar	$Q_{1r}$	1188,8	kW
Fluxul termic primit de fluidul secundar	$Q_2$	1171,0	kW
Fluxul termic pierdut in mediul ambiant	$Q_p$	112,8	kW
Coeficientul de retinere al caldurii	$\eta_r$	98,5	%
Diferenta maxima de temperatura	$\Delta t_{max}$	13,7	°C
Diferenta minima de temperatura	$\Delta t_{min}$	4,6	°C
Diferenta medie de temperatura	$\Delta t_{med}$	8,3	°C
Sectiunea de curgere a fluidului primar	$S_{c,1}$	0,0915	m <sup>2</sup>
Viteza fluidului primar	$w_1$	0,200	m/s
Numarul Reynolds pentru fluidul primar	$Re_1$	3 293,4	
Numarul Nusselt pentru fluidul primar	$Nu_1$	170,1	
Coeficientul de convectie pentru fluidul primar	$\alpha_1$	8 213,2	W/(m <sup>2</sup> .K)
Sectiunea de curgere a fluidului secundar	$S_{c,2}$	0,0944	m <sup>2</sup>
Viteza fluidului secundar	$w_2$	0,326	m/s
Numarul Reynolds pentru fluidul secundar	$Re_2$	8 125,5	
Numarul Nusselt pentru fluidul secundar	$Nu_2$	228,0	
Coeficientul de convectie pentru fluidul secundar	$\alpha_2$	15 161,9	W/(m <sup>2</sup> .K)
Coeficientul global de schimb de caldura teoretic	$k_{s,t}$	4391,6	W/(m <sup>2</sup> .K)
Capacitatea termica a aparatului	$C = k_s \cdot S$	140,434	kW/°C
Coeficientul global de schimb de caldura experimental	$k_{s,e}$	3591,7	W/(m <sup>2</sup> .K)
Eroarea pentru coeficientul global de schimb de caldura	$\varepsilon_{ks}$	22,3	%
Rezistenta termica a depunerilor	$R_d$	5,071E-05	m <sup>2</sup> .K/W
Capacitatea termica a fluidului primar	$C_1=m_1 \cdot C_{p,1}$	69,772	kW/°C
Capacitatea termica a fluidului secundar	$C_2=m_2 \cdot C_{p,2}$	125,913	kW/°C
Raportul capacitatilor termice ( $C_{min}/C_{max}$ )	$C^*$	0,554	
Numarul de unitati de transfer de caldura - primar	$NTC_1=k_s \cdot S/C_1$	2,01	
Numarul de unitati de transfer de caldura - secundar	$NTC_2=k_s \cdot S/C_2$	1,12	
Numarul de unitati de transfer de caldura - maxim	$NTC_{max}$	2,01	
Eficienta termica a aparatului	$\varepsilon$	76,52	%
Randamentul termic=eficienta proces incalzire	$\eta_t$	40,43	%

### Bilantul termic al SCP - CT



Din analiza datelor prezentate se constată că schimbătorul de căldură cu plăci din centrala termică funcționează la o sarcina apropiată de ce nominală, respectiv 1,35 MW. De asemenea, eficiența schimbătorului este ridicată (peste 75%), iar numărul maxim de unități de transfer de căldură este 2, valori normale pentru aceste tipuri de aparate schimbătoare de căldură. Coeficientul global de schimb de căldură (teoretic) este cu circa 30% mai mic decât cel de proiect. În ceea ce privește coeficientul global experimental de schimb de căldură, acesta este la aproape jumătate față de cel de proiect, datorită diferenței medii logaritmice de temperatură mai ridicate (8,3 față de 5,7 °C în fișa tehnică), dar și depunerilor din aparat. Dacă considerăm rezistența depunerilor ca fiind dată de diferența dintre coeficioenții globali de schimb de căldură teoretic și experimental, se constată că aceasta este de circa 10 ori mai mare ca ce din fișa tehnică a aparatului, ceea ce ar impune în viitorul apropiat o curățare a acestuia. Pierderile de căldură în mediul ambiant sunt normale, dovedind o bună izolare termică a aparatului.